スープ皿形状フェライトコアを用いた一次・二次コア分離型 変圧器の最適設計に関する研究

Research on Optimum Design Contactless Transformers using Soup Plate Like Ferrite Cores

大橋 竜也 Tatsuya OHASHI 指導教員 齊藤兆古

法政大学大学院工学研究科電気工学専攻修士課程

Contactless power supplier is composed of a transformer having the distinct primary and secondary cores separated by air gap. Because of the electromagnetic compatibility problem, it is essential to keep the leakage magnetic fields around the contactless power supplier as possible as low.

We have clarified that the wavelets multi-resolution analysis to the magnetic field distributions around contactless transformer leads to obtain one of the reasonable core shapes by observing the wavelets spectra of measured magnetic field vector distributions. Furthermore, it has been revealed that a tested trial transformer gives nearly 80 percent power transmission efficiency even though the primary and secondary coils cores are separated by 10mm air gap. Further, this paper is one of the success research solutions to overcome the specific absorption rate (SAR) problem based on the finite elements and optimization methodologies.

Thus, a contactless flat shaped transformer whose primal and secondary ferrite cores are separated has been successfully optimized by combining the finite elements with linear programming optimization approaches.

Key Words: Contact-less power supplier, Magnetic field visualization, Wavelets multi-resolution analysis, SAR, Optimization.

1. 緒 論

エネルギーは運動エネルギーや位置エネルギーなど多彩 な形態をとるが、現代文明において電気エネルギーが最も 効率良く生成と利用が可能であり、電気はエネルギーその ものとしてだけで無く通信・情報にも信号として広範に利 用されている.

また半導体技術の発展により,電気・電子機器の小型軽 量化のみならず,インテリジェント化を可能とし,爆発的な 電気・電子機器の普及をもたらした.その結果,高周波で 駆動される電気・電子機器は生産設備のみならず家電機器 まで広汎に普及し,家庭,事務所,工場,その他あらゆる 場所でパソコン,ファックス,携帯電話,空調設備,照明 機器等の多くの電気・電子機器が設置され,必要不可欠な 文明の利器として活用されている.それらの電気・電子機 器が空間を占める密度は,従来想定不可能な密度である. この意味で,現代の人工空間はあらゆる周波数の電磁界で 満たされている.これは SAR (Specific Absorption Rate) 問題を喚起することに他ならない.この過酷な電磁環境中 でも、電気・電子機器は誤作動をすることなく円滑にそれ らの機能を発揮しなければ人類の文明生活が維持できない 状況に至っている.換言すれば、あらゆる周波数の電磁界 で満たされた空間の中で人類は生活を強いられている状況 である.電気・電子機器に対してだけでなく人類に対して も可能な限り、高周波の電磁界が分布しない自然な空間が 望ましいことは言うまでもない.

生活環境中における電磁環境 (ElectroMagnetic Compatibility) 問題の解決策の一つは,低 SAR レベルの 非接触給電システム開発にある.この非接触給電システム の最基幹部品が一次・二次コア分離型変圧器である.

本稿は、エアギャップによって分離された一次・二次コ ア分離型変圧器開発に関するものである.具体的には非接 触給電システムが与える近傍電磁界分布の可視化とそのウ ェーブレット解析により漏洩磁束の少ない最適コア形状の 決定.最適コアを用いた一次・二次コア分離型変圧器の設 計定数を有限要素法で求め,さらに,有限要素法で求めら れた回路定数を用いて二次共振型変圧器の動作周波数と共 振用キャパシタンスを最適化手法によって決定したもので ある.最終的には,1cmのエアギャップが存在しても一次・ 二次電力伝送効率 80%近くが得られることが判明し,高い 電力伝送効率を有するスープ皿形状の外鉄型磁性コアを用 いた一次・二次コア分離型変圧器を非接触電力伝素子とし て提唱する.

2.供試一次・二次コア分離型変圧器の磁界分布 <u>2.1 コア形状</u>

非接触給電システムではエアギャップを介して電力伝 送を行う.このため、一次・二次コア分離型変圧器は最も 重要な基幹部品である.一般に変圧器のコア材である磁性 体は重量が重いため、コア材の量を可能な限り削減するこ とが望まれる.通常、これは動作周波数の高周波化でなさ れる.高周波特性のよい磁性材料はフェライトである.ま た、一次・二次コア分離型変圧器では、電力伝送がエアギャ ップを介して行われるため、変圧器周辺の漏れ磁界が最小 であることが必須である.

本稿では、非接触給電用変圧器としてFig.1に示す2個のU字型フェライトコアを用いた一次・二次コイル分離型 単相変圧器とFig.2に示す2枚のスープ皿型フェライトコ アを用いた一次・二次コア分離型単相変圧器を試作した. それぞれの寸法等々をTables 1,2にそれぞれ示す.



Fig.1 U shape ferrite core transformer

Table 1 Specification of the transformer employing

U shape cores.				
U shape core	TDKPE22UU			
Number of turns of primary coil	30turns			
Number of turns of secondary co	oil 30turns			
Diameter of primary coil	0.4mm			
Diameter of secondary coil	0.4mm			



Fig.2 Soup plate like ferrite core transformer

Table 2 Specification of the Soup plate like ferrite core

0	
transformer	
uansiormer.	

Outer diameter	105mm
Inner diameter	99mm
Thickness	7mm
Depth of the cylinder cut	1mm
Length of the spiral winding	506mm
Diameter of the wire	0.4mm

2.2 磁界ベクトル分布

Fig.3にU字型フェライトコアを用いた変圧器で、フェ ライトコアヘッド間が 10mm である場合の磁界ベクトル分 布図を示す.一次・二次のフェライトコアヘッドに平行な x-y 平面で、フェライトコアヘッド面に垂直な方向を高さ z 方向として、高さ(z方向)を10mm 毎に4段階変更して、 磁界の xyz の3成分を測定した.また、磁界分布測定には、 二次側端子を開放している[2].

Fig.4 にスープ皿型フェライトコアを用いた変圧器で, コア間が 40mm である場合の磁界ベクトル分布図を示す.一 次・二次のスープ皿型フェライトコアに平行な x-y 平面で, スープ皿型フェライトコア面に垂直な方向を高さ z 方向と して,高さ(z 方向)を10mm 毎に4段階変更して,コア間 の磁界の xyz の3成分を測定した.この場合もU字型フェ ライトコアと同様に,磁界分布測定時には,二次端子を開 放している.



Fig.3 Magnetic field vector distribution around the U shape ferrite core transformer



Fig.4 Magnetic field vector distribution around the soup plate like ferrite core transformer.

3. 磁界分布のウェーブレット解析

3.1 理論

一般に、3次元のウェーブレット変換は、3次元行列の 転置行列を

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{H}_{lmn} \end{bmatrix}^{T} = \boldsymbol{H}_{mnl} \tag{1}$$

で表すと

$$\mathbf{S} = \left[W_n \cdot \left[W_m \cdot \left[W_l \cdot \mathbf{H}_{lmn} \right]^T \right]^T \right]^T$$
(2)

で与えられる[147]. ここで,**S**はウェーブレットスペクト ラム,**H**は $1 \times m \times n$ の直方マトリックス, W_1 , W_m ,および W_n はそれぞれ 1×1 , $m \times m$, $n \times n$ のウェーブレット変換行列 である. さらに,**H**の各要素が x, y, z 方向の 3 成分から なるベクトル

$$\mathbf{H} = \mathbf{X} + \mathbf{Y} + \mathbf{Z} \tag{3}$$

であるとき,式(1),(2)より

$$\mathbf{S} = \left[W_n \cdot \left[W_m \cdot \left[W_l \cdot \left(\mathbf{X} + \mathbf{Y} + \mathbf{Z} \right) \right]^T \right]^T \right]^T$$
(4)

が得られる.ここでX,Y,Zはそれぞれ直交するベクトル であるから式(4)は

$$\mathbf{S} = \begin{bmatrix} W_n \cdot \begin{bmatrix} W_m \cdot \begin{bmatrix} W_l \cdot \mathbf{X} \end{bmatrix}^T \end{bmatrix}^T \end{bmatrix}^T + \begin{bmatrix} W_n \cdot \begin{bmatrix} W_m \cdot \begin{bmatrix} W_l \cdot \mathbf{Y} \end{bmatrix}^T \end{bmatrix}^T \end{bmatrix}^T$$

$$+ \begin{bmatrix} W_n \cdot \begin{bmatrix} W_m \cdot \begin{bmatrix} W_l \cdot \mathbf{Z} \end{bmatrix}^T \end{bmatrix}^T$$
(5)

となる. すなわち, ベクトルデータのウェーブレット変換 スペクトラムは各成分のウェーブレット変換スペクトラム を成分とするベクトルである[4].

<u>3.2 磁界ベクトルのウェーブレットスペクトラム</u>

Figs. 3, 4 で示した 3 次元磁界ベクトル分布へウェーブ レット変換を適用する[1].

Figs.3,4に示したベクトルデータを x, y, z 成分ごと にウェーブレット変換し、ウェーブレットスペクトラムを 求める.Figs.3,4ともに基底関数にドビッシーの2次基 底関数を使用する.

Fig.5 に U 字型フェライトコアを用いた場合のベクトル

ウェーブレットスペクトラム, Fig.6 にスープ皿型フェラ イトコアを用いた場合のベクトルウェーブレットスペクト ラムを示す.



Fig.5 Wavelet spectra of the transformer employing U shape cores



Fig.6 Wavelet spectra of the transformer employing Soup plate like ferrite core

Figs. 5, 6 は複数個のベクトルウェーブレットスペクト ラムからなる. すなわち, Figs. 5, 6 は空間周波数別に空 間周波数の低い,最も支配的なウェーブレットスペクトラ ムと空間周波数が高いウェーブレットスペクトラムからな る.

Figs. 5, 6 に於けるベクトルウェーブレットスペクトラ ムへ離散値系ウェーブレット変換の多重解像度解析を適用 する. すなわち, Figs. 5, 6 に於けるベクトルウェーブレ ットスペクトラムへそれぞれを独立にウェーブレット逆変 換して再現された 3 次元磁界ベクトル分布を空間周波数の 低いウェーブレットスペクトラムから順に, Level 1, Level 2, Level 3 として, Figs. 7, 8 に示す.



(a) LEVEL 1



(b) LEVEL 2



(c) LEVEL 3

Fig.7 The wavelet multi-resolution analysis results of the transformer employing U shape cores

Fig. 7(a)は明らかに空間に漏れのない無い,一次側コア と二次側コア間で磁気結合がなされている理想的な磁界分 布を表しており, Figs. 7(b), (c)は磁気的結合に直接寄与 しない漏れ磁界分布を表している.



(a) LEVEL 1







(c) LEVEL 3 Fig.8 The wavelet multi-resolution analysis results of the transformer employing Soup plate like ferrite core

Figs.8(a),(b) は一次側コアと二次側コア間で磁気的結 合がなされている磁界分布を表しており,Fig.8(c)は磁気 的結合に直接寄与しない励磁コイルのみに鎖交する漏れ磁 界分布を表している.

スープ皿型フェライトコアを用いた変圧器では最低次レ ベルの磁界ベクトル分布の他にもレベル2の磁界ベクトル 分布が一次・二次間の磁気的結合に寄与する. これがスー プ皿型フェライトコアを用いた変圧器特有の磁界ベクトル 分布であろう. すなわち, スープ皿型フェライトコアを用 いた変圧器で一次・二次コイルに鎖交する有効磁束はウェ ーブレット多重解像度解析のレベル2成分までと考えられ る. 他方, U字型コアを用いた場合, 最低次のレベルのみ が一次・二次間の磁気的結合に寄与する. すなわち, U 字 型フェライトコアを用いた変圧器とスープ皿型フェライト コアを用いた変圧器はその磁気的結合様式が相補的な形で 異なる. 言い換えれば、U 字型フェライトコアを用いた変 圧器は磁気的結合が U 字型に沿った直線的磁界ベクトルに よってなされるため,一定方向へ磁界ベクトルが揃ったレ ベル1のスペクトラムが理想的な磁界ベクトルを再現する. しかし、スープ皿型フェライトコアを用いた変圧器ではコ アの中心から噴水状に広がる磁界ベクトルによって磁気的 結合がなされるため、低次のウェーブレットスペクトラム に加え高次のウェーブレットスペクトラムがスープ皿型フ ェライトコア特有の噴水状磁界ベクトルを良好に表現可能 とすることに拠る[6].

以上の結果から、変圧器の磁気的結合様式で着目すべき ウェーブレットスペクトラムが異なり、結果として、一次・ 二次コア分離型変圧器として、変圧器周辺の漏れ磁界が小 さい磁性体コアの形状は外鉄型の一種であるスープ皿型が 最適であることが判明した.

4. スープ皿型一次・二次分離型変圧器の特性

第3章の結果を踏まえ、漏洩磁界が小さい非接触給電シ ステムとして有用性が見込まれるスープ皿型フェライトコ アを用いた変圧器について特性を述べる.

<u>4.1 結合係数</u>

一次・二次コイル間の漏洩磁束の過多を表す指標である 結合係数 κ は変圧器の最も重要な性能指標の一つである. すなわち,結合係数 κ が大きいことは変圧器周辺の漏洩磁 束が小さいことを意味する.変圧器の基礎的で最も重要な 性能指標である結合係数 κ を求める.

変圧器の一次・二次コイルを Fig.9 に示す回路モデルで 考える. Fig.9 の端子 a, b, c, d を Fig. 10 に示すように結線 を施し, インピーダンスを測定することで式(6)から結合係 数 κ が求まる. Table 3 にスープ皿型フェライトコアを用 いた変圧器の結合係数を示す.

Table 3 の結果から,スープ皿型フェライトコアを使用 した変圧器は 5mm 程度のエアギャップが存在しても結合係 数が 80%を越える良好な磁気結合を維持することがわか る.[10]



Fig.9 Circuit model of transformer



Fig.10 Series connection of the primary and secondary inductances

逆方向 Lo

$$L_s = L_1 + L_2 + 2M,$$

$$L_o = L_1 + L_2 - 2M,$$

$$M = \frac{L_s - L_o}{4}$$

$$\therefore k = \frac{M}{\sqrt{L_1 L_2}}$$

(6)

Table 3.	Coupling factor κ of the transformer employing
soup	plate like ferrite cores (frequency: 30[kHz])

Gap[mm]	0	1	3	5	7	10
$L_1[\mu H]$	578.6	348.2	231.1	181.6	169.9	133.9
$L_2[\mu H]$	572.7	348.1	229.4	181.0	168.3	133.3
$L_{s}[\mu H]$	2297.4	1358.2	881.8	669.4	617.6	450.8
$L_o[\mu H]$	16.9	26.1	41.4	56.0	61.1	84.3
K	0.99	0.96	0.91	0.84	0.82	0.69

<u>4.2 電力伝送効率</u>

一次側から二次側へ伝送される電力の伝送効率もまた変 圧器の重要な性能指標の一つである.

本稿では、Fig.11 に示す基本的な変圧器回路モデルで 電力伝送効率を考える.Fig.12 に等価回路モデルを示す. L_1 は一次側自己インダクタンス, L_2 は二次側自己インダク タンス, L_1 は一次側自己インダクタンス, L_{11} は一次側漏れ インダクタンス, L_2 は二次側漏れインダクタンス, L_m は 相互インダクタンスをそれぞれ示している.



Fig.11 Circuit model of transformer



Fig.12 Equivalent circuit

一次・二次コア間のギャップを 10mm, 二次側に抵抗負荷 1Ω, 動作周波数 30kHz に設定し測定. 式(7)より算出した 電力伝送効率の結果を Table 4 に示す. Table 4 の結果か らエアギャップが 10mm 存在すると電力伝送効率は極めて に小さくなることがわかる.

$$\varepsilon = \frac{\text{Secondary output power}}{\text{Pr imary input power}} \times 100[\%]$$
(7)

入力 [W]	出力 [W]	効率 [%]
2.22	0.53	23.9

Table 4. Efficiency of power conversion employing soup plate like ferrite core $(R:1[\Omega])$

5. 二次共振変圧器

本稿では, Fig. 13 に示すように二次側にコンデンサを並 列に接続し,二次側漏れインダクタンスとコンデンサ間に 共振回路を形成し、一次側から見たインピーダンスの増加 を利用して電力伝送効率の改善を図る[8-11].これは共振 回路のコンデンサ容量と動作周波数の最適化がキーポイン トとなることを意味する.



Fig.13 Circuit model of a secondary resonance type transformer

5.1 有限要素法による変圧器諸定数の算出

Fig. 14 にシミュレーションに用いた変圧器のモデルを 示す. なお,数値シミュレーションは,汎用有限要素法パ ッケージ Femtet (MURATA ソフトウェア)で行った.



Fig.14 Simulation model of the transformer employing the soup plate like ferrite cores.

Fig. 15 に一次・二次コア間のギャップ長に対するイン ダクタンス値を実験値と共に示す. Fig. 15 の結果から,シ ミュレーションと実験,いずれの場合もインダクタンスは ギャップ長に反比例して減少する傾向を示し,両者の値が 殆んど一致することが判る[12].

よって, Fig. 14 に示したシミュレーションモデルの妥当 性が検証された.

Fig. 16 にシミュレーションによる一次・二次コア分離型 変圧器の磁束密度ベクトル分布の一例を示す. Fig. 16 の結 果から漏洩磁束が極めて小さく1次・2次コア間で磁束が 閉じていることが確認できる.

また, Fig. 17 にスープ皿型フェライトコアを用いた一次・二次コア分離型変圧器の近傍磁界ベクトル分布測定結 果を示す. Fig. 17 の結果から磁界ベクトル中心部は磁界ベ クトルの絶対値も大きくなり垂直方向を向いた成分が支配 的である. 逆に中心部分以外は磁界ベクトルの絶対値が減 少する. 測定結果も漏洩磁束が小さくなることを裏付けて いる. これはスープ皿形状コアが一次・二次分離型変圧器に 最適であることを意味する.





Fig.15 The computed self-inductances versus air-gap lengths.

Fig.16 One of the simulated magnetic field vector distributions of the transformer. Unit of color bar is Tesla



Fig.17 Measured magnetic field vector distribution at resonant state under 1Ω loaded

5.2 共振用コンデンサ容量と動作周波数の最適化

式(7)で与えられる一側から二次側へ伝送される電力の伝 送効率 εは,一次コイルの抵抗 r₁, 自己インダクタンス L₁, 一次・二次間の相互インダクタンス M, 二次コイルの抵抗 r₂, 二次負荷抵抗 r, 二次共振用コンデンサ C, さらに動作 周波数fの関数であるから,

$$\varepsilon = f\left(r_1, r_2, r, L_1, L_2, M, C, f\right) \tag{8}$$

で表される.

ー次コイルの抵抗 r_1 , 自己インダクタンス L_1 , 一次・ 二次間の相互インダクタンス M, 二次コイルの抵抗 r_2 は一 次・二次コアや巻線の幾何学的寸法と媒質のパラメタで決 まる. さらに, 二次負荷抵抗 rは 1 Ω とする. このため, 式(8)の電力伝送効率 ε が最大となるコンデンサ Cと動作周 波数 f を線形計画法(Linear Programming)で求める. すなわち,

$\mathcal{E} \rightarrow \max$ (9)

となるコンデンサ容量 Cと動作周波数 f求める. Fig. 18 が 結果である.

Fig. 18の結果は比較的大きい10mmのエアギャップを有 する場合の電力伝送効率であり,80%以上の効率を得るコン デンサ容量と動作周波数の組み合わせが複数存在すること を示す.



Fig.18 Power transmission rate by the linear programming optimization.

Fig. 18 の結果を確認するために, Fig. 13 に示すように二 次側の抵抗負荷に対して並列に共振用コンデンサを接続し た基本的な並列共振回路によって検証した. Fig. 19 は等価 回路である.スープ皿型フェライトコア間のギャップを 10mm,二次側を抵抗負荷 1 Ω ,周波数を 10~30 kHz の其々 の共振周波数に設定し,共振用コンデンサの値を変化させ た場合の電力変換効率を調べた.

Table 5 に電力変換効率を示す. Table 5 より共振用コン デンサの値が 40 μ F の場合に電力変換効率が 82.7%と最大 になる. この結果は, Fig. 18 の電力変換効率のピーク値と 一致し、線形計画法による最適化が妥当であることを意味 する[13,14].



Fig.19 Equivalent circuit

Table 5. Experimented power transmission rate (R: $1[\Omega]$)

C[µF]	入力 [W]	出力 [W]	効率 [%]
20	1.99	1.53	76.8
40	1.97	1.63	82.7
60	2.23	1.61	72.2
80	3.23	1.91	59.1
100	3.11	1.99	64.0

以上の結果から、有限要素法による磁界分布解析や線形 計画法による電力伝送効率の最適化など、現代の計算機を 用いた解析手法を駆使して非接触給電用一次・二次コア分 離型変圧器設計の一手法を確立した.

6. まとめ

本稿では、非接触給電システムの基幹要素である一次・ 二次コア分離型変圧器が与える近傍電磁界分布の可視化、 離散値系ウェーブレット変換の多重解像度解析、変圧器性 能指標の測定、および線形計画法による電力伝送効率の最 適化を行った.

3 次元磁界ベクトル分布に対する離散値系ウェーブレット変換の多重解像度解析は、漏洩磁束の少ない最適コア形状の決定と電磁環境問題の解決策である低 SAR を実現する非接触給電用一次・二次コア分離型変圧器の最適化指標を明確に与えることを示した.

有限要素法を用いて変圧器の回路定数、抵抗、インダク タンスを算出した.さらに、それらの回路定数を用いて、 特定の負荷時における二次共振型変圧器の最適なコンデン サ容量と動作周波数を線形計画法で決定し、非接触給電用 一次・二次コア分離型変圧器設計の一手法を述べた.

謝辞

本研究を進めるにあたり, 齊藤兆古教授には数多くのご 指導, ご支援を賜りました. 厚く御礼申し上げます.

また, 齊藤兆古研究室の皆様には公私にわたりご助言, ご支援を賜りました. 心より感謝致します.

参考文献

- 1) 齊藤兆古 著:「ウェーブレット変換の基礎と応用」,朝 倉書店,1998年.
- 2) 宮原晋一郎, 早野誠治, 齊藤兆古, 増田則夫, 遠矢弘和: 「電気・電子機器の周辺電磁界可視化システム」, マグネ ティックス研究会資料, 1998年, MAG-98-112.
- 3) 松山佐和,小口雄康,宮原晋一郎,齊藤兆古:「三次元 ウェーブレット変換の応用」,日本氏シミュレーション学 会,1998年,2-II-3
- 4) S.Takada, Y.Saito and K.Horii : [Visualization of the magnetic field vectors around the contact-less power suppliers], Japan Society of Visualization, Proceedings of the Visualization Symposium in 2000, Paper No. P01-001.
- 5) S.Matsuyama, Y.Oguchi, Y.Saito, T.L.Kunii : [Handling Technique of the Dynamic Color Computer Graphics by the Wavelets transform], Japan Society of Visualization, Proceedings of the Visualization Symposium in 1999, Paper No. 206.
- 6) J.L. Harrison, A new resonance transformer, Electron Devices, IEEE Transactions on Issue Date: Oct 1979 Vol.26 Issue: 10, pp. 1545 - 1.

- 7) 大橋竜也, 齊藤兆古, 堀井清之:「信号伝送用非接触給 電トランス」, 第23回 電磁力関連のダイナミクスシンポジウム, 2011年, 3B1-5.
- 8) 大橋竜也, 齊藤兆古:「一次・二次コア分離型変圧器周 辺の磁界ベクトル分布の可視化」, 第 39 回 可視化情報 シンポジウム, 2011 年, E204.
- 9) T.Ohashi, Y.Saito and I.Marinova : Transformers for Contactless Power Suppliers
 , Proceedings of The 2012 Asia
 -Pacific Symposium on Applied Electromagnetics & Mechanics, PP.34-41.
- 10) T.Ohashi, Y.Saito and I.Marinova : [Optimization of Secondary Resonant Contactless Transformer], The 15th Biennatial IEEE Conference on Electromagnetic Field Computation, Oita Japan November 11-14 2012, MB1-2, PP.126.
- 大橋竜也, 齊藤兆古:「最適化手法に基づく非接触給電 用変圧器の開発」,第21回 MAGDA コンフェランス(仙 台), 2012年, PS29、pp.435-438.