# コンデンサー中に流れる変位電流の可視化法

星野 賢治<sup>0</sup>,齋藤 兆古(法政大学院),堀井清之(白百合女子大学)

## A Method of Visualization for Displacement Currents in Capacitors Kenji HOSHINO, Yoshifuru SAITO and Kiyoshi HORI

## ABSTRACT

Electrical capacitor is one of the most popular and widely used electric circuit elements storing electric field energy. Due to its mechanical structure, electric field distribution could not uniform at the edges of electrode plates constructing the capacitor. This field distortion is so called edge effect.

Principal purpose of this paper is to minimize the edge effect, so that it enables us to optimize the shape of electrodes leading to the maximum capacitance but minimum size. To realize this purpose, it is essential to compute the electric fields around capacitor exactly.

The electric fields around the capacitor theoretically distribute to an infinitely long distance point. In order to take into account this electric field nature rigorously, in this paper, we employ the strategic dual image (SDI) method along with conventional first order triangular finite element method.

Keywords: Visualization, Displacement current, Capacitor, Edge effect

#### 1. 緒 論

近年のデジタル計算機の高性能化,小型化,ならびに 低価格化はデジタル計算機の爆発的普及をもたらし,い わゆる,デジタル計算機が PC などの高級・多機能文房 具として使われるようになった.このため,有限要素法 などで代表される電磁界の数値解析は,PC で実行可能 な環境になり,この意味で,既に数値解析の汎用パッケ ージが販売されるに至っている<sup>1)</sup>.

本論文では電磁界解析手法のひとつとして有限要素法 を採用している.有限要素法の特徴の一つは,偏微分方 程式で記述される物理現象を呈示する未知関数を,区分 的多項式群で近似的に表そうとすることにある.この考 えは,対象とする解析領域を,有限要素と呼ばれる単純 な形状の部分領域に分割することにより実現される.

本論文では、有限要素法の欠点のひとつである閉領域 問題のみしか適用できない問題点を双対影像(SDI)法 によって厳密に解決する.双対影像法は電磁気学の電気 影像法を拡張したもので開領域問題を二つの閉領域問題 に置き換えて解析する手法である<sup>2)</sup>.

本論文では, 偏微分方程式を数値的に解く有効な手段 である有限要素法に SDI 法を併用し、キャパシタンス中 を流れる厳密な変位電流可視化の第一段階を述べる.

## 2. 有限要素法

二次元有限要素法は任意形状の二次元問題対象領域を

三角形などの任意の形状の平面要素を用いて離散化し、 ポテンシャル分布を計算する方法である.

単純に問題対象領域を一次関数で表現しただけでは全 領域のポテンシャルを連立するシステム方程式は得られ ない.このため,問題対象領域のエネルギーに対応する 関数,すなわち,汎関数を考える.また、変分原理より、 有限要素法は,任意形状の領域を任意の形状を持つ要素 に離散化し,場のエネルギーを表す汎関数をもとめ,こ の汎関数の第一変分を取ることでエネルギーが最小にな るようなポテンシャルの分布を求めるエネルギー最小原 理に基づく偏微分方程式の解法である.

電界系の汎関数は、 $\phi$ をスカラーポテンシャル、 $\varepsilon$ を 誘電率、さらに $\rho$ を電荷密度として、式(1)で与えられる.

$$F(\phi) = \frac{1}{2} \int \{ \varepsilon (\nabla \phi)^2 - 2\phi \rho \} ds \quad (1)$$

式(1)を変分原理に基づき変形し, Green の定理を用い れば,式(2)の Poisson の方程式,および式(3)の対象境 界条件 (Symmetrical Boundary condition)が得られる.

$$\lambda \nabla^2 \phi = -\sigma$$
 (2)  
 
$$\partial \phi / \partial n = 0$$
 (3)

#### 3. 電界系等価回路法

Fig.1 に示す三角形一次要素で,汎関数のパラメータ (ε/2)Cot α =(ε/2)(OD/DC)を考える.二次元の偏微分方程 式は無限に厚い3次元空間の単位厚さ部分で成り立つと

## P01-007



Fig. 1 Relationship among the Angles and Lines.

仮定しているから, ( $\epsilon$ /2)(OD/DC)は単位厚さ当たりに成 り立つパラメータである. キャパシタンス C は誘電率  $\epsilon$ と電極面積 1 ×OD に比例し, 電極間距離 DC に反比 例するから,明らかに( $\epsilon$ /2)Cot  $\alpha$  は節点 B, C 間のキャ パシタンスとなる. 以上のことから電界系の偏微分方程 式は等価回路を描くことにより電気回路の知識で解くこ とが可能とされる<sup>3)</sup>.

## 4. 双対影像法

三角形1次有限要素を用いた有限要素法は、解析領域 を三角形要素で離散化して近似解を得る.よって三角形 要素による離散化は、有限の領域しか適用できない.そ れは同時に境界条件を明確に設定する閉領域で解くこと を前提にしている.すなわち、有限要素法は開領域問題 に直接使用できないという欠点をもつ.そこで、その解 決策として双対影像法を適用する<sup>2)</sup>.双対影像法は、電 気影像法を拡張したもので影像を仮定することで開領域 問題を閉領域問題に置き換えて有限要素解を得る解法で あり、開領域問題を解く際に非常に有効な解法である. 2次元解析の場合、解析領域は円となる特徴をもつ<sup>4)</sup>.

## 4.1 システム方程式

双対影像法でベクトルの回転・発散方向成分を求める システム方程式を式(4)とする.式(4)はすでに固定境界 条件に関する行列要素、ベクトル要素を取り除いている ことに注意しなければならない.

$$\begin{pmatrix} C_{11} & C_{12} \\ C_{21} & C_{22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X_1 \\ X_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} F_1 \\ F_2 \end{pmatrix}$$
(4)

ここで、 $C_{11}, C_{12}, C_{21}, C_{22}, X_1, X_2, F_1, F_2,$ はそれぞれ仮

想境界内部の係数行列、仮想境界内部と仮想境界上を結 ぶ係数行列、仮想境界上と仮想境界内部を結ぶ係数行列、 仮想境界上の係数行列、仮想境界内部の解ベクトル、仮 想境界上の解ベクトル、仮想境界内部からの入力ベクト ル、仮想境界上からの入力ベクトルを示す.式(4)へゼロ 境界条件と対象境界条件をそれぞれ設定し、平均をとる ことで開領域問題の解、式(5)を得る.

$$\begin{pmatrix} C_{11} & C_{12} \\ C_{21} & 2C_{22} - C_{21}C_{11}^{-1}C_{12} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X_1 \\ X_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} F_1 \\ 0 \end{pmatrix}$$
(5)



Fig. 2 Visualized Displacement Current Vectors Distribution of Parallel Plates Capacitor.

## 4.2 双対影像法による解析

端効果によりキャパシタンス中の電流は電極の中央付 近と端部では均一に流れない.さらにキャパシタンスの 電極寸法は、同一容量とするためには、端効果を無視し た解析値と端効果を考慮した解析値を比較すると後者の ほうが大きくなる.

具体的な変位電流の可視化例として、極めてポピュラ ーな形状で構成される平行板キャパシターの変位電流分 布を可視化する. Fig.2 は平行板キャパシターとその周 辺の領域を本論文の提案する手法から得られた可視化変 位電流ベクトル分布を示す. 三角形の分割個数は 13102 個である. Fig.2 から平行板コンデンサーの電極間に流 れている変位電流が均一に流れていないことが判り、端 効果を確認できる. 数値的な観点から比較しても中央付 近と端部の変位電流ではかなりの有意差がある. このこ とから平行板コンデンサーがどの付近まで端効果の実質 的影響を与えるかが判る.

Fig.2 と同様の条件で解析範囲(半径)を変更して解析し、電極周辺の変位電流を比較した.その結果、数値的に同じの値になっていることがわかった.よって、SDI法によって厳密に開境界条件が満たされていることが確認された.

## 5. まとめ

本研究では有限要素法へ双対影像法を併用することで 厳密に開境界問題を解決し、キャパシタンスの端効果問 題を正確に解析可能な方法を提案した.その結果,最適キ ャパシタンス形状問題決定の一歩が記された.

- 1) <u>http://www.jri-sol.co.jp/field/service/package.html</u>
- Y.Saito, K.Takahashi and S.Hayano,"The Strategic Dual Image Method: An extremely simple procedure for open field problems," J. Appl. Phys. 63(8) 15 April 1988
- 3) 星野賢治,齋藤兆古, "端効果の可視化によるコンデンサ 一形状の最適化"MAGDA 第 15 回, pp.83-87,2006.
- Y.Saito, K.Takahashi and S.Hayano,"Finite Element Solution of Open Boundary Magnetic Field Problems," IEEE Trans. MAG-23 No.5, September 1987.

## ビッター法による可視化磁区画像から周波数特性の抽出

#### Extraction of Frequency Characteristics from Visualized Magnetic Domain Images by Bitter Method

須永 高志\*1 (学生員),寺西 正晃\*2 (学生員),齋藤 兆古\*1 (正員)

Takashi SUNAGA(Stu.Mem.), Masaaki Teranishi(Stu.Mem.), Yoshifuru SAITO(Mem.)

The Bitter method is most commonly observing way of the magnetic domains situation even though it is possible to observe only the surface of specimen. To observe the magnetic domains by Bitter method, magnetic liquid is put on the target magnetic material after electrical field polishing process. Applying magnetic field to this magnetic material covered by magnetic fluid makes it possible to observe the magnetic domain dynamics by a microscope. We have previously reported that local magnetization characteristics could be obtained from the visualized magnetic domain dynamics.

*Keywords:* magnetic domain dynamics, local magnetization characteristic, visualized, magnetic domains situation, Bitter method.

## 1 緒言

磁性鋼板は電気・電子機器を構成する主要な材料 である。一般に,磁性材料は磁区と呼ばれる微小磁 石の集合で構成され,外部磁界に応じて材料中の磁 気エネルギーが最小となるように磁区が変化する。 すなわち,磁性材料の磁化過程は外部磁界に対する 磁区挙動である。所望の磁化特性を持つ材料開発・ 評価に,磁区挙動の可視化は磁化過程を掌握するた めに重要な役割を担う。磁区挙動の可視化は,磁性 コロイド溶液を用いたビッター法,電子顕微鏡に拠 る方法,磁気光学効果を利用した方法等で行われる [1]。

ビッター法は手軽な方法であるが,磁区間の磁壁 しか観察できない。また,磁気光学的方法は磁性体 表面の磁区挙動可視化に限定される。電子顕微鏡に 拠る方法は磁性体内部の磁区挙動を観察可能とす るが,高価な機器を必要とする。従来,我々は磁区 の電子顕微鏡画像から磁性体の磁化特性を抽出す る全く新しい方法を提案した[2]。現在,我々は安価 な設備で磁性体の磁壁を可視化可能とするビッタ ー法を用いて磁性体の磁化特性を抽出する方法を 開発している[3]。

本稿では、ビッター法で可視化した磁壁動画像から 1/f ゆらぎ周波数成分が分布する領域を抽出する を試みる。一般に、磁性体は磁気ノイズを電子回路 へ与えることや磁気飽和による非線形特性を呈す ることが知られている。このなかで磁気ノイズ発生 のメカニズムを解明するため、ビッター法による磁 壁の動画像の時間領域周波数特性から、特に磁気ノ 連絡先: 須永 高志、〒184-8594 法政大学院工学研究科

電気工学専攻齋藤兆古研究室, e-mail: sunaga@ysaitoh.k.hosei.ac.jp

\*1法政大学大学院,\*2 現在ブリジストンタイヤ(株)

イズに関係すると考えられる 1/f ゆらぎ周波数成分 分布の可視化を試みる[4]。

2 ビッター法による磁壁移動の可視化と磁化特性

2.1 ビッター法

ビッター法による磁壁可視化の原理について述べ る。試料表面の磁壁を観察するために,反射型の金 属光学顕微鏡を用いる。顕微鏡の倍率は,通常、 100~200 倍程度でもよいが,本稿では,機材の都合 から,全て750 倍で行った。試料台に試料を載せて, 表面歪みを取り除いた研磨面にスポイトで磁性コ ロイド溶液をたらし,カバーガラスを載せて観察す る。強磁性微粒子(γ酸化鉄)のコロイド液を強磁 性体表面につけると,コロイド液内に分散していた 酸化鉄の微粒子が,磁壁付近の急峻な磁化変化に起 因する漏れ磁束の急激な勾配に反応し,表面近くの 磁壁の観測ができる。この引き付けられた微粒子を 光学顕微鏡で観察する[1,5,6]。

この原理はマグネットビューワーと呼ばれる商 品などに応用されており,比較的面倒な実験準備を 必要とせずに磁壁を観察可能とする。Fig.1 は磁壁移 動の可視化に使用した実験装置を示す。励磁コイル を使って周波数 1[Hz]の交流磁界を観測対象に印加 する。Table 1 に珪鉄と励磁コイルの仕様を示す。顕 微鏡は KEYENCE 社の HD 中倍率ズームレンズ VH-Z75 に高精細クイックマイクロスコープ VH-5000 を接続したものである。動的磁壁移動を可 視化した。Fig.2 は観測したフレーム画像の例を示 す。

2.2 磁壁の可視化



(b) Yoke and exciting coil. Fig.1 Experimental device for magnetic wall observation.

	Number of turns	The diameter of a coil	The length of a coil
Magnetization coil	300[Turn]	10[mm]	30[mm]
Detector coil	100[Turn]	4[mm]	10[mm]

## Table 1 Various constants used in the experiment.

#### 2.2.1 軟鉄

金属中で最も大きな飽和磁束密度を持つ軟鉄を 30[Hz]のフレームレートで撮影し,印加した外部磁 界の周波数は1[Hz]として実験を行った。 2.2.2 無方向性珪素鋼板

Fig.2 に示す軟鉄に珪素を添加し,飽和磁束密度は 低下するが鉄損を削減した無方向性珪素鋼板,いわ ゆる電気鉄板と呼ばれる低損失珪素鋼板の磁区挙 動を観察した。

Fig.3 は観測された磁区フレーム画像を示す。軟鉄と同様に、30[Hz]のフレームレートで撮影し,印加した外部磁界の周波数は1[Hz]として実験を行った。

## 2.2.3 磁区画像から動的部分の抽出

ビッター法によって観察された磁区画像には,磁 性流体の動き以外にも磁性流体の不動部分と珪素 鋼板そのものの物理的な傷なども含まれているの で,その不動部分を削除し,動画像部分だけの抽出 を行う。Fig.4 は無方向性珪素鋼板の磁区画像から不 動部分を取り除いた動的部分の画像を示す。

Fig.4 を各画素単位でフレーム方向にフーリエ変 換をすることによって周波数特性を求めることが できる。ここでは,周波数特性がどのような傾向を 示しているかを,非線形系で観察される 1/f ゆらぎ で評価する。

2.3 モノクロ濃淡比

1 周期の外部磁界印加させた場合,動的部分の磁 区画像を Fig.4 に示す。この画像の濃淡分布を構成 する全画素値のフレーム方向への変化を Fig.5 に示 す。

外部磁界1周期に対して、モノクロ濃淡比が2周 期する。これは磁性流体が磁界,もしくは磁化の極 性に無関係に吸着されるためである。すなわち,外 部磁界の正と負の極性,それぞれで磁性流体の吸着 がなされるためである[6]。





(a) 0[s]



(c) 0.28[s]

(e) 0.56[s]





(g) 0.84[s] (h) 0.98[s] Fig.2 Frame images of magnetic wall sample: soft iron.

## 日本 AEM 学会誌 Vol.15.No.2~(2007)



法は,フーリエ・パワースペクトラム対周波数の両 対数グラフを描き,描かれる線図の傾きによってゆ らぎの種類を大別する方法である。

数に対して反比例する信号を「1/fゆらぎ」と呼ぶ。

視覚的に判りやすくするために,よく行われる方



Fig.6 Typical Fourier power spectra.

Fig.6 にフーリエ・パワースペクトラムの一例を示 す。Fig.6 において,直線の傾きが0の場合は主にホ ワイトノイズである。また,直線の傾きが急になる 程単調な信号である。そしてホワイトノイズと単調 な信号の中間的な信号で傾きが約-1の場合を「1/f ゆらぎ」と呼び,人間が心地よいと感じる信号と言 われている。

#### 3.2 1/f ゆらぎ周波数部分の可視化

飽和磁束密度は最も高いが鉄損も大きい軟鉄に おける 1/f ゆらぎ周波数成分(厳密には周波数 f に対 して-0.95 乗から-1.05 乗)分布を調べた結果を Fig.7 に示す。Fig.7 では見易くするため,周波数 f に対し て-0.95 乗から-1.05 乗を1,それ以外を0と二値化し た。白色の点部が 1/f ゆらぎ周波数で運動する磁壁 部分を示す。

Fig.7 から,通常の軟鉄では 1/f ゆらぎ周波数成分は材料全体の磁壁に分布することが判る。

Fig.8 は無方向性珪素鋼板の 1/f ゆらぎ周波数分布 を示す。Fig.8 の結果は Fig.7 と同様に見易くするた め,周波数 f に対して-0.95 乗から-1.05 乗の画素値



White : 1/f frequency Fig.7 Extracted 1/f frequency fluctuation parts in soft iron.



White : 1/f frequency Fig.8 Extracted 1/f frequency fluctuation parts of silicon steel.

を1,それ以外の画素値を0と二値化してある。白 色の点部が1/fゆらぎ周波数で運動する磁壁部分を 示す。Fig.8から,無方向性珪素鋼板はFig.7に示さ れている軟鉄よりも白点部が削減され,1/fゆらぎ周 波数で運動する磁壁が少ないことが判る。

拠って, Figs.7,8 の比較は,鉄損を削減するため にシリコンを含有させた無方向性珪素鋼板は 1/f ゆ らぎ周波数で運動する磁区を削減し,結果として磁 性体から生ずるノイズを削減している可能性が判 明した。この検証には,後に示す Figs.7,8 の白色部 に対する局所的 B-H 磁化特性(Fig.10,11)を詳細に吟 味する必要が有る。すなわち,Figs.7,8 の白色部の B-H 磁化特性が大きな不連続性や飽和磁束密度の増 加などを呈すれば,1/f ゆらぎ周波数特性が磁気ノイ ズに寄与している可能性は極めて大きいと考えら れる。

## 3.2 局所的磁化特性

モノクロ画像の濃淡を与える画素値とサーチコ イルから得られる平均的磁束密度を対応させて、全 体的な磁化曲線を描く。具体的には画像の画素値の 平均値と実測磁束密度との比から換算係数を計算 し、モノクロ画素値を磁束密度に比例した画素値へ 変換する。

Fig.9 は平均的磁化特性, Fig.10(b)と Fig.11(b)はそ



Fig.9 Average magnetization characteristic.



(a) A frame image of magnetic wall sample: silicon steel.





れぞれ Fig.10(a)と Fig.11(a)の画像中の黒点部の局所 的磁化特性である。黒点部は 1/f ゆらぎが検出され た部分とされなかった部分のそれぞれの位置を示 す。

1/f ゆらぎ周波数特性が検出されなかった点では, Fig.11(b)に示すように,飽和磁束密度がFig.9のいず れと比較しても低い。この結果は、1/f ゆらぎ周波数 特性が検出されなかった点には非磁性体である珪 素が多く含まれている部分と考えられる。逆に、 Fig.10(b)では,飽和磁束密度がFig.9の平均的磁化 特性の飽和磁束密度に比べて高い。これは、1/f ゆ

らぎ周波数特性が検出された点には,非磁性体である珪素がほとんど含まれていない軟鉄部分と考えられる。

4 結言

本稿では,ビッター法で可視化した磁壁動画像から 1/f ゆらぎ周波数成分が分布する部分を可視化した。

一般に,磁性体は磁気ノイズを電子回路へ与える ことや磁気飽和による非線形特性を呈することが 知られているが,この中で磁気ノイズ発生のメカニ ズムを解明するため,ビッター法による磁壁の可視 化動画像の周波数特性から,特に磁気ノイズに関係





 (b) Magnetizing properties of a point "".
 Fig.11 Local magnetization characteristics not exhibiting 1/f fluctuation points.

すると考えられる 1/f ゆらぎ周波数成分分布領域の 可視化を試みた。

本稿では,金属中で最も飽和磁束密度が高い軟鉄 と軟鉄の鉄損を削減するために珪素を含有させた 無方向性珪素鋼板に対する 1/f ゆらぎ周波数分布特 性を可視化して吟味した。その結果,鉄損を削減す るためにシリコンを含有させた無方向性珪素鋼板 は 1/f ゆらぎ周波数で運動する磁区部分を削減し, 結果として磁性体から生ずるノイズを削減してい る可能性が判明した。このノイズに関する仮説の検 証にはより詳細な局所的磁化特性と 1/f ゆらぎ周波 数特性で動く磁壁の関係を吟味する必要があり,こ れが次の研究課題の一つである。

(2006年11月15日受付, 2007年2月15日再受付)

- Alex Hubert, Rudolf Schaefer, Magnet Domains, Springer, 1998.
- [2] H. Endo,S. Hayano,Y. Saito, M. Fujikura, and C. Kaido, Magnetization Curve Plotting from the Magnetic Domain Images, *IEEE Transactions on Magnetics*, Vol. 37, No. 4, pp.2727-2730,2001.
- [3] 藤咲忠春,早野誠治,齋藤兆古,堀井清之,ビッター 法による可視化画像から磁化特性の抽出,可視化情報 学会シンポジウム,B211,2005.

- [4] 寺西正晃, 丸山和夫, 早野誠治, 齋藤兆古, 堀井清之, 自然界の画像が持つ 1/f 周波数成分の可視化, 可視化 情報シンポジウム, B108, 2005.
- [5] 川西健次,近角聰信,櫻井良文,磁気工学ハンドブック,朝倉書店,1998.
- [6] 須永高志, 寺西正晃, 齋藤兆古, 堀井清之, ビッター 法による可視化磁区画像から 1/f ゆらぎ抽出,可視化 情報シンポジウム, A311, 2005.

## ビッター法による磁性材料の鉄損分布の可視化 <sub>須永</sub>高志,齋藤 兆古(法政大学大学院) 堀井 清之(白百合女子大学) Iron Loss Distribution Visualization in Ferromagnetic Materials by Bitter Method Takashi SUNAGA, Yoshifuru SAITO and Kiyoshi HORII

## ABSTRACT

The Bitter method is most commonly observing way of the magnetic domains situation even though it is possible to observe only the surface of specimen. Applying magnetic field to this magnetic material covered by magnetic fluid makes it possible to observe the magnetic domain dynamics by a microscope. This paper reveals that the parts exhibiting 1/f fluctuation frequency characteristic give high the iron loss while not exhibiting 1/f fluctuation parts, i.e. containing much silicon, give low iron loss. Thus, it is revealed that the mixture rate of iron and silicon determines the optimal silicon steel composing most of the electrical machines.

Keyword: Bitter method, Magnetic domains visualization, 1/f Fluctuation

## 1.緒論

磁性鋼板は電気・電子機器を構成する主要な材料であ る.一般に,磁性材料は磁区と呼ばれる微小磁石の集合 で構成され,外部磁界に応じて材料中の磁気エネルギー が最小となるように磁区が変化する.すなわち,磁性材 料の磁化過程は外部磁界に対する磁区挙動である.所望 の磁化特性を持つ材料開発・評価に磁区挙動の可視化は 磁化過程を掌握するために重要な役割を担う.磁区挙動 の可視化は,磁性コロイド溶液を用いたビッター法,電 子顕微鏡に拠る方法,磁気光学効果を利用した方法等で 行われる<sup>1)</sup>.ビッター法は手軽な方法であるが,磁区間 の磁壁しか観察できない.また,磁気光学的方法は磁性 体表面の磁区挙動可視化に限定される.電子顕微鏡に拠 る方法は磁性体内部の磁区挙動を観察可能とするが,高 価な機器を必要とする.

従来,我々は磁区の電子顕微鏡画像から磁性体の磁化 特性を抽出する全く新しい方法を提案した<sup>1)</sup>.現在,我々 は安価な設備で磁性体の磁壁を可視化可能とするビッタ ー法を用いて磁性体の磁化特性を抽出する方法を開発し ている<sup>2,3)</sup>.

一般に,磁性体は磁気ノイズを電子回路へ与えること や磁気飽和による非線形特性を呈することが知られてい る.このような磁気ノイズ発生のメカニズムを解明する ため,ビッター法による磁壁の動画像の時間領域周波数 特性から,特に磁気ノイズに関係すると考えられる1/f ゆらぎ周波数成分分布の可視化も試みた<sup>4)</sup>.

本稿では,ビッター法で可視化した磁壁動画像から 1/ f ゆらぎ周波数成分が分布する領域を可視化することを 試み、ゆらぎ周波数を呈する部分と呈しない部分の磁化 特性を評価し、鉄損とシリコン含有率との関係を明らか にせんと試みる.

- 2.磁壁の可視化
- 2.1 無方向性珪素鋼板

軟鉄に珪素を添加し, 飽和磁束密度は低下するが鉄損 を削減した無方向性珪素鋼板, いわゆる電気鉄板と呼ば れる低損失珪素鋼板の磁区挙動を観察した. Fig.1 は観 測された磁区フレーム画像を示す.



Fig.1 Example of Magnetic Wall Flame Images Sample: Isotropic Silicon Steel.

いずれの珪素鋼板も後述の Figs.3,4 に示すように 個々の領域で異なった磁化特性を呈するが,全体として は滑らかに変化する B-H 特性をもつことが判る.これは 磁性体の発生するノイズは材料全体として小さいが材料 の場所に拠ってはかなり大きいことを意味する.

**3**.1/f ゆらぎ周波数部分の可視化

3.1 1/f ゆらぎ周波数

#### P01-006

「1/f ゆらぎ」は自然界に多く存在し,例えば小川のせ せらぎ,小鳥の囀り,爽やかなそよ風などの心安らぐリ ズムが相当する.同様に,心地良い音楽を聴いたり,快 い感じを抱いたり,安静にしているときの脳波にも「1/f ゆらぎ」が存在する.

全フレームの各画素値をフレーム順に時系列に並べ た1次元データに対してフーリエ変換を適用し,フーリ エ・パワースペクトラムの周波数に対する変化率からゆ らぎの特徴を求める.より具体的には,ある信号へ離散 フーリエ変換(DFT, Discrete Fourier Transform)を適 用し,各周波数に対するパワースペクトラムを計算する. 周波数の低下とともにパワースペクトラムが増加するよ うな信号の中で,パワースペクトラムの振幅が周波数に 対して反比例する信号を「1/f ゆらぎ」と呼ぶ.

視覚的に判りやすくするために、よく行われる方法は、 フーリエ・パワースペクトラム対周波数の両対数グラフ を描き,描かれる線図の傾きによってゆらぎの種類を大 別する方法である.Fig.2 にフーリエ・パワースペクト ラムの一例を示す.Fig.2 において,直線の傾きが0の 場合は主にホワイトノイズである.また,直線の傾きが 急になる程単調な信号である.そしてホワイトノイズと 単調な信号の中間的な信号で傾きが約 1の場合を「1/f ゆらぎ」と呼び,人間が心地よいと感じる信号と言われ ている.



#### 4. 実験結果

可視化された無方向性珪素鋼板の1/fゆらぎ周波数分 布部分を抽出し、1/fゆらぎを呈する部分と呈しない部 分の平均画素値から求めた B-H 特性を Figs. 3,4 に示す. Fig.3 に比べ Fig.4 の 1/f ゆらぎを呈する部分は最大飽 和磁束密度が高いことが判る.



Fig.3 Local magnetization characteristics not exhibiting 1/f fluctuation.





## 4.まとめ

本稿では,ビッター法で可視化した磁壁動画像から 1/f ゆらぎ周波数成分を呈する部分と呈しない部分の B-H 特性を比較することで、

1.シリコンリッチ部分は 1/f ゆらぎ周波数を削減する.さらに最大飽和磁束密度を低下させ、結果として 鉄損を削減する.

2.シリコン非リッチ部分は 1/f ゆらぎ周波数を呈す るが、最大磁束密度も低下しない.結果として鉄損が 多い部分と考えられる.

3. 従来から、珪素鋼板のシリコン含有率は 6.5%が最 適と言われているが、これは最大飽和磁束と鉄損の最 大妥協点と考えられる.

以上の考察は珪素鋼板の元素分布分析が可能ならば 妥当性が詳細に検討できると考えられる.

## 参 考 文 献

- H. Endo, S. Hayano, H.Mogi, M.Fujikura, C.Kaido and Y. Saito: Estimation of Iron Loss Distribution by Image Helmholtz Equation Method, IEEE Trans. Magn., Vol. 39 No. 3, pp. 1377-1380 (2003)
- 大窪雄亮,遠藤久,早野誠治,齋藤兆古,堀井清之:球状永久 磁石を用いて模擬した磁性鋼板の動的磁区挙動の可視化, 可視化情報, Vol.23, No.1 (2003) pp.263-266.
- 3) 藤咲忠春、早野誠治、齋藤兆古、堀井清之:ビッター法による可視化画像から磁化特性の抽出、可視化情報学会シンポジウム(2005) B211.
- 4) 寺西正晃、丸山和夫、早野誠治。齋藤兆古、堀井清之:自 然界の画像が持つ 1/f 周波数成分の可視化、可視化情報シ ンポジウム (2005) B108.
- Alex Hubert, Rudolf Schaefer: "Magnetic Domains" (1998).
- 6) 川西健次,近角聰信,櫻井良文:磁気工学ハンドブック,朝倉 書店 (1998).

## 準解析的手法による高周波電流分布の可視化 黒田 洪平<sup>0</sup>,齋藤 兆古(法政大学大学院),堀井 清之(白百合女子大学) Visualization of High Frequency Current Distribution By Semi-analytical Method Kohei KURODA, Yoshifuru SAITO and Kiyoshi HORII

#### ABSTRACT

To visualize the electromagnetic fields, we have previously proposed a semi-analytical method, which has made it possible to simulate the complex electromagnetic field distributions not obtain by the conventional numerical schemes, such as finite elements and boundary elements means. Distinguished superior point of our semi-analytical method is that our semi-analytical method is only one way solving for the electromagnetic field, conducting and displacement currents simultaneously.

In this paper, we propose a new semi-analytical approach to visualize the eddy current distribution in a two-dimensional plate, Successful result of this computation promises that eddy current testing may be carried out taking into account the displacement current, i.e., capacitive, effects.

Keywords: High Frequency, Eddy current, Semi-analytical approach

## 1. 緒論

小型・軽量・高性能な個人用計算機(Personal Computer, 以下, PC と略記)は、その多機能化と低価格化により広 汎な普及を遂げている.従来、電磁界の数値解析は極めて 大規模の計算となるため、大型計算機で行われていた.し かし、近年の高性能 PC の普及は電磁界解析を個人レベル で可能としている.また、電気電子機器の高性能化に伴い、 高周波動作を前提とする磁気素子が増加している.これは、 電磁界解析において、磁気素子の抵抗やインダクタンスを 集中定数として考えることが困難なことを意味している.

一方,電磁界解析は,電磁界を支配する方程式が偏微分 方程式であることから,微分を有限差分で直接置き換える 有限差分法(Finite Difference Method),変分原理に基づく有 限要素法(Finite Element Method)などの数値解析法で行わ れる.また,電磁界が無限遠点まで広がる開領域問題に対 しては,偏微分方程式の基本解を仮定した境界要素法 (Boundary Element Method)などの積分方程式形解法が採用 される.何れの数値解析法も空間・時間領域を細分化し, 細分化された個々の領域で解析的な関数を仮定して解く のが共通の特徴である.しかしながら,このような電磁界 の数値解析法は,かなり煩雑な作業と仮定を必要とする.

このような現状を踏まえ,従来から有限要素法等とは全 く異なる準解析的手法を提唱している<sup>1),2)</sup>.従来の準解析 的手法では電流が可視化面に対し垂直方向に流れる場合 の例<sup>3),4)</sup>しかなかったが,可視化面に対し平行方向に電流 が流れる場合でも適用可能であることを論ずる.

本論文では、準解析的方法を用いた例題として、誘起電 圧による渦電流の可視化を試みた一例を報告する.

#### 2. 原理

ここでは、本論文で採用する準解析的手法の原理を説明 する.具体例として Fig.1に示す試験回路のように1次側 より定電流源から印加した有限長ソレノイドコイルの作 る磁界によって2次側の銅板に流れる渦電流の可視化を 試みる.



Fig.1 Test circuit

#### 2.1 モデリングと等価回路

解析領域は円形とし, 正 n 角形の導線か幾十にも重な って領域を満たしていると仮定した分割モデルを考える. Fig.2 に分割モデルの例を示す. 導線の各辺にコイルと抵 抗が存在すると考え Fig.3 に示す等価回路を描くことが 可能となる.





Fig. 2 Discretization of semi-analytical method.

Fig.3 Equivalent circuits of the model.

#### 2.2 システム方程式

各辺の内部抵抗や自己インダクタンスはそれぞれ解析 的に計算でき,式(1),(2)でそれぞれ与えられる.さらに, 各辺間の相互インダクタンスは同ループ内であれば式(3), 同ループ以外であれば式(4)で与えられる.

$$r = \sigma \frac{l}{S} \tag{1}$$

$$L = \frac{\mu_0}{8\pi} + \frac{\mu_0 l}{2\pi} \left( \log \left( \frac{2l}{r'} \right) - 1 \right)$$
(2)

$$M_{ij} = \frac{\mu_0 l}{2\pi} \left( \log \left( \frac{l + \sqrt{l^2 + d_{ij}^2}}{d_{ij}} \right) - \sqrt{1 + \left( \frac{d_{ij}}{l} \right)^2} + \frac{d_{ij}}{l} \right) \cos \theta \quad (3)$$

$$\begin{split} M_{ij} &= \frac{\mu_0}{4\pi} (l_i \log[l_i + \sqrt{l_i^2 + d_{ij}^2}] - \sqrt{l_i^2 + d_{ij}^2} + \sqrt{d_{ij}^2} \\ &- l_j \log[\sqrt{l_j^2 + d_{ij}^2} - l_j] - \sqrt{l_j^2 + d_{ij}^2} \\ &- (l_i - l_j) \log[(l_i - l_j) + \sqrt{(l_i - l_j)^2 + d_{ij}^2}] + \sqrt{(l_i - l_j)^2 + d_{ij}^2} ) \end{split}$$
(4)

したがって, Fig.3 の等価回路から領域内の総辺数を m 個とすれば,正弦波定常状態のインピーダンス行列 Z は 以下のようにあらわされる.

$$\mathbf{Z} = \begin{bmatrix} r_{1} + j\omega L_{1} & j\omega M_{12} & \cdot & \cdot & j\omega M_{1m} \\ j\omega M_{21} & r_{2} + j\omega L_{2} & \cdot & \cdot & j\omega M_{2m} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \vdots & \ddots & \cdot & \cdot & \cdot \\ j\omega M_{m1} & j\omega M_{m2} & \cdot & \cdot & r_{m} + j\omega L_{m} \end{bmatrix}$$
(5)

また,入力電圧ベクトルと出力電流ベクトルをそれぞれ, V,Iとすれば,次のシステム方程式を得ることができる. V = ZI (6)

よって,求める電流分布ベクトル I は次式で与えられる. I =  $Z^{-1}V$  (7)

ここで,磁界の大きさは解析領域の中心にかかる磁界が 領域全体に均一になっているとし,各辺の端子電圧を Faradayの法則より求めた誘起電圧vとする<sup>5)</sup>.入力電圧 ベクトルと出力電流ベクトルはそれぞれ次式で与えられ る.

$$\mathbf{V} = \begin{bmatrix} v_1 & v_2 & \bullet & v_m \end{bmatrix}^T \tag{8}$$

$$\mathbf{I} = \begin{bmatrix} i_1 & i_2 & \bullet & i_m \end{bmatrix}^I$$
(9)  
ここで、 $v_n$ ,  $i_n$  (n=1,2,...,m)は各辺の電流と電圧とする.

#### 3. 解析

2章で述べた原理に基づき,ソレノイドコイルの半径を 1.5cm, 軸長 5cm, 巻数を 200 回巻とし印加電流を 1A とし た場合の厚さ 1mm の銅板に流れる正弦波定常状態におけ る渦電流ベクトル分布の解析を行う.また磁界の方向は紙 面より読者方向に突き抜けた場合とする.

Fig.4に正64角形が30ループあると仮定した場合の周

波数を 100Hz, 10kHz, 1MHz の電流ベクトル分布を示す. また解析半径は 0.5cm とする.



Fig. 4 Eddy Current Vector distributions.

分布の強度は Fig.4 中のカラーバーに準ずるものとす る.電流は、励磁コイルであるソレノイドの周辺に等しい 外側が1番多く流れていることが判る.これは磁束が鎖交 する面積が大きくなるため誘起電圧も大きくなるからで ある.また分布の傾向としては何れの周波数も同様な広が り方をしていることが判る.これは平面上の渦電流ベクト ル分布は平面方向に関して周波数と無関係であることを 意味する.

### 4. まとめ

本論文では、可視化面と平行に流れる電流ベクトル分布 の可視化に対しても準解析的手法が有効であることを論 じ渦電流のベクトル分布の可視化を試みた.

このことは渦電流探傷法へ準解析的方法の応用の可能 性を示すこととなる.

今後の課題としてキャパシタンスを考慮した場合への 拡張とそれに対する実験的検証を行う必要があると考え られる.また対象導体の厚さ方向に対しても分割すること でより精度の良い解析が可能であると考えられる.

- T.Takano, S.Hayano, and Y.Saito : Coil impedance computation having arbitrary geometrical shape, IEEE PESC'98, Vol.2, (May.1998), pp. 1991-1996
- Yasuyuki Watazawa, Seiji Hayano and Yoshifuru Saito : Semi-analytical electromagnetic field Computation, Int. J. Appl. Electromagn. Mater. Vol.15,Nos.1-4, IOS Press (April.2002), pp. 353 - 357
- 3) 黒田洪平, 齋藤兆古, 堀井清之:表皮効果の可視化による高 周波用導体断面形状の最適化,可視化情報学会(July.2006), pp.271-274
- (4) 黒田洪平, 齋藤兆古:表皮効果の可視化による高周波用導体 断面形状の最適化, MAGDA コンファレンス(November.2006), pp77-80
- 5) 齋藤兆古、早野誠治:応用電磁工学入門,産図テキスト,2000 年,pp28-30

## 描画療法における静止画像の 1/f ゆらぎ解析\* ―職場不適応者の事例を通して―

加藤 千恵子<sup>〇</sup> (東洋大学),齋藤 兆古(法政大学)

1/f Fluctuation Analysis of Image Drawing Therapy —In the Case of a Maladjusted Person— Chieko KATO and Yoshifuru SAITO

#### ABSTRACT

The principal purpose of this paper is to develop and establish a methodology of 1/f fluctuation analysis in art therapy. As an initial example, we applied our methodology to several images drawn by the maladjusted person in a state of excessive adjustment. As a result, we succeeded in extracting and visualizing the 1/f components. Thus, it is revealed our methodology proposed here has turned out to be very promising one.

#### Keywords: 1/f Fluctuation, Drawing Therapy, Image Processing, Visualization

#### 1. 緒 論

「ゆらぎ」とは物理学では「力,速度,密度,温度, 音量,濃淡等の物理量を測定して得る観測値に対して, その統計的に見た平均値の近くで変動する現象」と定義 されている.その変動の大きさが周波数(一定期間内の 同じ振動状態の繰り返し)に反比例する場合,このよう な現象を「1/fゆらぎ」と呼んでいる<sup>1),2)</sup>.

1/fゆらぎ現象は自然界に多く存在し、例えば小川のせ せらぎや小鳥の囀り等の心安らぐリズムが相当する.ま た、1/fゆらぎは潮騒の音の強弱の他、音楽の強弱やテン ポ、絵画の濃淡の変化等、身の回りに広く見られる現象 である.このように自然界において 1/f ゆらぎに合致す ると思われる現象が種々存在し、人間の感性、特に癒し 効果を与える心地良さと密接な関係があることが解明さ れている.これは、例えば人に「1/fゆらぎ」のリズムを 聴かせると、心地良さを感じ脳波にα波が多く分布する ことなどで検証されている.

本研究では、「1/fゆらぎ」理論を芸術療法の描画解析 に適用し、芸術療法における描画の解析方法を確立する ことを目的とする.適用事例は著者が行ったカウンセリ ングにおける軽症うつ症状を示した職場不適応者におけ る芸術療法である.本事例の職場不適応者は過剰適応の 状態にあったがその状態に気付いておらず、自己への気 付きが求められていた.気付きを促すために、描画療法 を用いた.描画により、無意識化の自己への気付きを促 すことが出来る<sup>3)</sup>.しかし、カウンセラーがクライエン トの無意識下の状態を知ることは大変難しい.そこで、 本研究では、クライエントの描画の1枚を取り上げ、描 画による解析結果がクライエントの状態を知る手がかり となる可能性があることを示す.

#### 2. 解析方法

ゆらぎ解析は、一次元離散フーリエ変換を用いて、あ

る時系列信号の各周波数に対するパワースペクトルを計 算し、パワースペクトルー周波数分布からゆらぎを判別 する<sup>1),2)</sup>. Fig.1 に示すように、パワースペクトル対周波 数の両対数グラフを描き、グラフの傾きによってゆらぎ の種類を大別する. 直線の傾きが0の場合は主にホワイ トノイズとなり、傾きが急になる程単調な信号になる. そしてホワイトノイズと単調な信号の中間的な信号で傾 きが約-1の場合を「1/fゆらぎ」と呼び、人間が心地良い と感じることが出来る信号と言われる. すなわち、周波 数の低下とともにパワースペクトルが増加するような信 号の中で、パワースペクトルの振幅が周波数に対して反 比例する信号が「1/fゆらぎ」である.

画像は空間情報をもつため、本研究では、デジタル画像の各画素単位で横と縦方向にそれぞれフーリエ変換を 行い、1/f ゆらぎを抽出する.

カラー画像では、色を混ぜ合わせることで別の色をつ くる混色という考え方に基づき色が作られる.この場合 は、画像の各画素が3つの基本色(赤 R,緑 G,青 B) 成分をもつことになるが、通常は各成分に対応した3枚 の濃淡画像の組で表す.すなわち、各画素の情報を R, G, B 三原色それぞれの輝度値で表す. RGB は光の三原 色を波長が長い赤から、中間波長の緑、最も短い青成分 に対応させる.このため、赤成分の画像は滑らかな柔ら かい感じの画像情報を与え、青成分のように周波数が高 いほど細かい凹凸情報をもつ画像を与える.

本研究では、RGB 画素の輝度値の 1/f ゆらぎを右側か ら左方向である横方向と下方から上方への縦方向、それ ぞれの画素値へ離散フーリエ変換を適用し、各空間周波 数に対するパワースペクトルを計算する.さらに、それ ぞれのパワースペクトルと空間周波数へ累乗近似を用い て両対数グラフで表したときの傾きを求める.得られた 縦と横方向それぞれの傾きの畳み込み演算で2次元傾き 分布を可視化する.RGB の各色成分それぞれに対して同 様にして2次元傾き分布可視化画像を得る。



Fig.1 Definition of 1/f fluctuation

#### 3.結果と考察

Fig.2 はクライエントが描画療法を始めた頃の描画で ある.この時期,クライエントは過重労働の状態にあり, 過剰適応しているにもかかわらず,仕事をこのまま継続 していきたいと希望していた.しかし,継続希望を持ち つつも内心続ける自信を失いかけていた. Fig.2 につい てクライエントは,最初太陽を書いたが,後で,黒く塗 り潰して月であるとした.クライエントは「新芽は月で は成長しないんです」と述べていた.新芽はクライエン ト自身を示していると考えられる.

Fig.3 に Fig.2 の「1/fゆらぎ」分布の 2 次元可視化画 像を示す.の解析結果(描画の赤,緑,青の成分の縦・ 横方向に共通な周波数特性分布)を示す. Fig.3 中に赤 色は「1/fゆらぎ」を示す. 描画の赤成分(Fig.3(a)) に おいては、太陽の周辺でゆらぎがわずかに見られた.緑 成分(Fig.3(b))においては、太陽の付近に縦と横方向 にゆらぎが生じた. 青成分 (Fig.3(c)) においてはほとん ど「1/fゆらぎ」が見られない.赤成分は、辛さや痛みを 示す.緑成分は、心身の疲れを癒し、回復へと導いてく れるとされ、心身のバランスを取るものである <sup>3)-6)</sup>. 自 己を受け入れ、自分の理想と現実のバランスを取ろうと してきているが、それに対して葛藤を抱えていると思わ れる. 青成分は沈静を示すが、それはクライエントには 見られない. 描画における空間の象徴的意味を考えてみ ると、右下には「1/fゆらぎ」が見られない.右下は葛藤、 混乱, 無気力, 受動性を示す 7). クライエントは, 口頭 では仕事を続けたいと述べているが、葛藤を抱えながら も過剰適応であることを受け入れつつあるのではないか ということが示された.

#### 4. まとめ

本研究では、過剰適応であるクライエントの描画に対 して「1/fゆらぎ」解析を行った結果、クライエントの状 態を RGB ごとに捉えることが可能となり、本手法の客 観的描画診断の可能性が示唆された.

#### 参考文献

- 1) 佐治晴夫, "快適空間の物理", 応用物理, Vo. 60, No. 3, pp. 247-253, 1991.
- 2) ゆらぎ研究会編,"ゆらぎの科学10",森北出版社,1999.
- 3) 岩井寛, "絵画療法の理論と実践 1 絵画療法とは何か",

徳田良仁・村井靖児(編著),講座サイコセラピー,第7巻,アートセラピー,日本文化科学社,pp.14-18,1988.

- 4) J, Dee and L, Taylor (著), 鈴木宏子 (訳), "カラーセラ ピー", 産調出版, 2003.
- 5) L, V, Bonds (著), 今井由美子 (訳), "実用カラーの癒し", 産調出版, 2006.
- 6) 山脇惠子,"よくわかる色彩心理", ナツメ社, 2006.
- 7) 高橋雅春・高橋依子, "樹木画テスト", 文教書院, 東京







Fig.3 Distribution of fluctuation components, common to both vertical and horizontal directions. (a) Red, (b) Green, (c) Blue

# 『ロミオとジュリエット』における家族と恋愛 離散値系ウェーブレット多重解像度解析

井波 真弓 (白百合女子大学), 齋藤 兆古(法政大学), 堀井 清之(白百合女子大学)

Family and Love in "Romeo and Juliet" Discrete Wavelets Multi-Resolution Analysis Mayumi INAMI, Yoshifuru SAITO and Kiyoshi HORII

## ABSTRACT

Elements, "Love", "Hatred" and "Death" in "Romeo and Juliet" written by William Shakespeare were examined by the discrete wavelets multi-resolution analysis. As a result, it is shown how the "Hatred" of the fighting two families changed to reconciliation through "Love" and ""Death" of lovers. The wavelet analysis was visualized the "Love" and "Death" of the love story's of Romeo and Juliet and "Hatred" of hostility families. Further, it is clarified that "Hatred" of both families influences not only love but also fate of the hero and the heroin. On the other hand "Hatred" leads an opportunity of switch "Love" in the first half to "Death" in the latter half.

Keywords: Discrete wavelets multi-resolution analysis, Love, Hatred, Death

## 1.緒 論

二人の若者の恋愛悲劇を描いた『ロミオとジュリエット』<sup>1)</sup>の「愛」,「憎しみ」,「死」を構成する要素は既往研究<sup>2)-6)</sup>で得られているが,それらの要素の揺れについて構成要素ごとに検証したものはない.そこで,本稿ではウェーブレット多重解像度解析を用いて構成要素ごとの揺れを可視化し検証することを目的とする.

『ロミオとジュリエット』 "Romeo and Juliet" (1595 年頃) はイギリスの劇作家ウィリアム・シェイクスピア (William Shakespeare,1564~1616)による悲劇の代表 作品である.四大悲劇(『ハムレット』,『マクベス』,『オ セロ』,『リア王』)のような重厚な悲劇とは見なされてい ない<sup>2)</sup>が,憎しみ合う二つの家の勢力争いのもとで,二 人の恋人が死に至る作品は恋愛悲劇の典型として後世の 人々に愛されており,バレーやオペラの分野においても 人気が高い.日本での初演は1904年,伊井容峰一座によ る真砂の公演で,現在でも上演の回数が多い.

本作品の二つのプロット<sup>5)</sup>はロミオとジュリエットの 恋物語と敵対するモンタギュー家とキャピュレット家で ある.若い性急な愛が両家の憎しみや運命によって悲劇 的な結末へと導かれるこの作品は「愛と死」<sup>7)</sup>,「愛と憎 しみ」<sup>8)</sup>の間で揺れ動く悲劇であることが示されている. また,精神分析の視点から作品が死で彩られている<sup>7)</sup>と の指摘もある. 2.1 解析対象

14世紀のイタリアの都市ヴェローナではモンタギュー 家とキャピュレット家が, 抗争を繰り返している.

モンタギュー家の一人息子ロミオは,敵対するキャピ ュレット家のパーティに紛れ込んだ際,キャピュレット 家の一人娘ジュリエットに出会い恋に落ちる.二人は修 道僧ロレンスの元で秘かに結婚するもその直後,ロミオ は親友マキューシオが殺された仕返しにキャピュレット 夫人の甥,ティボルトを殺してしまう.ロミオは追放の 罪に処せられる.一方,ジュリエットはパリスと結婚す ることを命じられる.ロレンスは二人を添わせるべく, 仮死の毒を使った計略を立てる.しかしロミオはジュリ エットが死んでしまったと思い彼女の墓で毒を飲んで死 ぬ.その直後に仮死状態から目覚めたジュリエットもロ ミオの短剣で後を追う.そして両家は,ついに和解する. 2.2 要素の選択と解析方法

1.作品の構成を経時的に考察するために,要素として 「愛」,「憎しみ」,「死」を表す単語を選び,場面ごとに 頻度を調べた.

2 . 得られたデータに離散値系ウェーブレット変換の多 重解像度解析を適用 <sup>9)-10)</sup>する . Table 1 に要素を示す .

Table 1 Selected Element

要素	事例
第1要素「愛」	love, loved
第2要素「憎しみ」	hate, hateful
第3要素「死」	death, dead, die

「愛」,「憎しみ」,「死」の要素にベクトルの概念 を用いる.「愛」を基準ベクトルとして,ベクトルをグ

2.解析方法

ラムシュミットの方法によって全て直交化し,重複要素 を除く.さらに直交化されたベクトルを単位ノルムに正 規化する.正規化されたデータにウェーブレット多重解 像度解析を適用する.本研究では基底関数は演算処理の 意味が把握できるドビッシーの2次を採用する.

2のべき乗 n の要素からなる n 次のデータベクトルを Y,ウェーブレット変換行列を Wとすればウェーブレット スペクトラム S は次式で与えられる.

$$\mathbf{S} = W\mathbf{Y} \tag{1}$$

ウェーブレット多重解像度解析は,レベル1はスペク トラムベクトルSの第1要素のみを残し他の要素をゼロ としてウェーブレット逆変換式(2)で得られる.

$$\mathbf{S}' = \begin{vmatrix} \mathbf{s}_{0} \\ \vdots \\ \vdots \\ \mathbf{s}_{n} \end{vmatrix}, \qquad \mathbf{D}_{0} = \boldsymbol{W}^{T} \cdot \mathbf{S}'$$
(2)

他のレベルも式(2)と同様にして得られる 3),10).

#### 3.結果と考察

『ロミオとジュリエット』におけるウェーブレット多 重解像度解析の代表的な結果をFigs. 1-3 に示す.横軸は 本作品の最初から最後まで場面ごとに構成要素を時系列 に並べた.縦軸は要素の場面ごとの頻度を表す.

3.1 解析結果



Fig.1 Level 3 of the discrete wavelets multi-resolution analysis: Feelings "Love", "Hatred", "Death" in "Romeo and Juliet".



Fig.2 Level 4 of the discrete wavelets multi-resolution analysis: Feelings "Love", "Hatred", "Death" in "Romeo and Juliet".

$$\begin{array}{c} 0.5 \\ 0.4 \\ 0.2 \\ 0.6 \\$$

Fig.3 Level 5 of the discrete wavelets multi-resolution analysis: Feelings "Love","Hatred","Death" in "Romeo and Juliet".

まず, Fig. 1 のレベル 3 は全作品を4分割した場合で, 「憎しみ」が支配であり, 9-16章では「愛」と「死」, 17-24 章では「愛」と「憎しみ」が積極的に用いられ,同じよ うな揺れが見られた.

次に Fig. 2 はレベル 4 で全体を 8 分割した場合である. 「死」の揺れが大きく支配的である.「愛」は前半大き くゆれながら後半少なくなり,「憎しみ」と同じ傾向が 見られる.一方「死」は逆に多くなる.

Fig. 3 はレベル 5 の結果を示す.これは全体を16分割した場合である.1-4 章の「憎しみ」の後に8-12 章の「愛」に大きな変化が見られる.17-20 章の「憎しみ」は「死」と同じ傾向があり,再び「憎しみ」に大きな揺れが見られるが,「死」は終焉に向けて拡大する.

## 4. 結論

前半部は主人公両家の「憎しみ」が多く,中間部では 「愛」と「死」,後半部は「愛」と「憎しみ」が多くなっ ている.このことから,本作品が「愛」と「死」,「愛」 と「憎しみ」の二つの対立がテーマとなっていることが 示された.

前半部の「憎しみ」の後は「愛」の揺れが大きく,後 半部の「憎しみ」の後は「死」の揺れが大きく,「憎しみ」 が「愛」から「死」への転換の契機となっていることが 明らかとなった.

若い主人公らの「愛」と「死」を通じて両家の「憎し み」が和解へと導かれる過程が示された.

『ロミオとジュリエット』においては主人公の恋愛だけでなく,敵対する両家の憎しみが主人公の運命をも支配しているといわれている従来の説が検証された.

- Shakespeare, w.: "Romeo and Juliet", Cambridge Univ. Press, London (1961).
- 2) 村主幸一,『ロミオとジュリエット』のジェンダー地理学, あるいは空間と死,言語文化論集,名古屋大学大学院国際 言語文化研究科, Vol.27, No.1,(2005) pp.167-183.
- 3) 増田真里、『ロミオとジュリエット』 愛と時について(授業のレポートから)、常葉英文、常葉学園短期大学英文学会、 Vol.22、(2002) pp.60-69.
- 4) 稲富健一郎, ロミオとジュリエット 死を超越した完全な 恋愛詩, 香川大学教育学部研究報告 第1部, 香川大学教 育学部, Vol.113, (2001) pp.23-37.
- 5) 大島芳材:「ロミオとジュリエット」の悲劇について, 立 正大学人文科学研究所年報, Vol.17, (1980) pp.18-23.
- 6) 佐野昭子:ロミオとジュリエットにおける「死」の観念, 御茶ノ水女子大学人文科学紀要,御茶ノ水女子大 学,Vol.29, No.1,(1976) pp.13-30.
- 7) 梅田倍男、「ロミオとジュリエット」論 愛と死の主題、
  愛知教育大学研究報告 人文科学、愛知教育大学、Vol.35、
  No.12、(1986) pp.33-46.
- 8) 鈴木喜久雄,愛と憎しみのアンビヴァレンツ 「ロミオと ジュリエット」をめぐって,法政大学教養部紀要,法政大 学教養部, Vol.57,(1986) pp.225-236.
- 9) 齋藤兆古:ウェーブレット変換の基礎と応用 Mathematicaで学ぶ,朝倉書店 (1998) p.39, pp.93-95.
- 10) 堀井清之,齋藤兆古:特許「文学作品解析方法および解析 装置」,特願 JP10-102673A.

## 日米首脳の演説比較,

離散値系ウェーブレット多重解像度解析

## 井波 真弓 (白百合女子大学), 齋藤 兆古(法政大学), 堀井 清之(白百合女子大学)

Spech Omprison breen the Japn and S. leaders Discrete Wavelets Multi-Resolution Analysis Mayumi INAMI, Yoshifuru SAITO and Kiyoshi HORII

## ABSTRACT

Three elements "Will", "Fact" and "Judgment" in speech of the Japan-LS. leaders were examined by the discrete wavelets multi-resolution analysis. As a result, it has been clarified that both curves of "Will" shows the similar tendency and these of "Judgment" shows the different tendency. In Plicy Speech, Plme Mister Shinzo Abe tends to show his leadership as a new leader by expressing his "Will" and "Judgment". On the other hand, in State of the blion Address, Pesident Corge Walker Bush emphasizes his agreements of legitimacy and demands an agreement of the present policy by qoting "Fact" repeatedly as the president accomplishing on second term. Keywords: Discrete wavelets multi-resolution analysis, Will, Fact, Judgment

## 1.緒 論

本稿の目的はウェーブレット多重解像度解析を用いて 安倍内閣総理大臣施政方針演説<sup>1)</sup>とブッシュ大統領の一 般教書演説 (State of the blion Address)<sup>2)</sup>の揺れを検 証することである.

安倍晋三(194 年~)は第三次小泉改造内閣にて内閣 官房長官を務め,20 年9月に第90代内閣総理大臣に 任命された.20 年1月26日には,第166回国会にお いて第1回目の安倍内閣総理大臣の施政方針演説が行わ れた.施政方針演説は例年一月下旬に行われる国会の常 会開会式の後に行われ,演説に対し各会派を代表する議 員との質疑応答が繰り広げられる.

ジョージ・ウォーカー・ブッシュ( Gorg Walkr Bish. 1946年~)は、20 年1月アメリカ合衆国の第43代大 統領に就任し、現在2期目である.ブッシュ大統領によ る第6回目のとなる一般教書演説が20 年1月23日、 上下両院合同本会議で行われた.アメリカ大統領による 一般教書演説は、現在アメリカが置かれている状況とそ の年を通じた内政・外交の施政方針を上下両院に説明す るもので、日本での首相の施政方針演説に相当する.し かし、大統領は議会に議席も持たず、法案提出権も持た ないため、この一般教書演説が自身の考えを議会に提示 できる大きな機会となっている.

内閣総理大臣および大統領演説は国内外から注目が集まり,分析・検討の対象となっている.政治的見地からだけでなく,言語学の視点から,文法,談話<sup>3)</sup>やさまざまなレトリック<sup>4)</sup>の研究がなされ,引用<sup>5)</sup>もレトリック

の重要な要素の一つであるととらえられている.また, コンピュータによる計量的解析<sup>6)</sup>などが行われている. しかし,演説における揺れについての研究はいまだ行われていない.そこで,本研究では日米の演説の揺れを可 視化し,その違いを考察する.

- 2.解析方法
- 2.1 解析対象

安倍内閣総理大臣は,戦後レジームの見直しや教育再 生を課題とし,美しい国の実現基盤として経済が不可欠 だとしている 演説には以下の9つの項目を設けている. 数字は筆者による.

1)はじめに,2)成長力強化,<sup>3</sup>「チャンスにあふれ, 何度でもチャレンジが可能な社会」の構築,4)魅力ある 地方の創出,<sup>5</sup>国と地方の行財政改革の推進,6)教育再 生,7)「健全で安心できる社会」の実現,<sup>8</sup>主張する外 交,9)むすび.

ブッシュ大統領は,前回5回までは強気の外交政策が 目立ったが,今回は,順調な経済状況や福祉政策の充実 など内政についても言及するようになった 演説内容は, 以下の12に分類した.分類,数字とも筆者による.

1)はじめに,2)経済,3教育,4)健康,5出入国管理, 6)エネルギー,7)裁判,8テロ,9)戦争,10外交戦略, 11)外交政策,12)むすび.

2.2 要素の選択と方法

1.演説の構成を経時的に考察するために,「意志」 「事実」「判断」を要素として選び,項目ごとに文章の数 を調べる.公約や将来への政策は「意志」,出来事や引用 は「事実」, また, 考えや説明は「判断」とする. Table 1, 2 は要素を示す.

2.得られたデータに離散値系ウェーブレット変換の 多重解像度解析を適用<sup>7)-8)</sup>する.

Table 1 Selected Element of Policy Speech by Prime Minister Shinza Abe

Winister Simizo Abe		
要素	事例	
第1要素「意思」	…安心な地域医療を確立します.	
第2要素「事実」	…初の有人飛行に成功しました.	
第3要素「判断」	…船出をすべきときが来ています.	

Table 2 Selected Element of State of the Union Address by President George W. Bush

要素	事例	
第1要素「意思」	We will continue to speak out for the cause of freedom	
第2要素「事実」	the number of people receiving life-saving drugs has grown from 50,000 to more than 800,000	
第3要素「判断」	it is our duty to keep them permanently sound.	

「意思」,「事実」,「判断」の要素にベクトルの概 念を用いる.「意思」を基準ベクトルとして,ベクトル をグラムシュミットの方法によって全て直交化し,重複 要素を除く.さらに直交化されたベクトルを単位ノルム に正規化する.正規化されたデータにウェーブレット多 重解像度解析を適用する.本研究では基底関数は演算処 理の意味が把握できるドビッシーの2次を採用する.

2のべき乗nの要素からなるn字のデータベクトルを Y,ウェーブレット変換行列を Wとすればウェーブレット スペクトラムSは次式で与えられる.

(1)

S = WY

ウェーブレット多重解像度解析は,レベル1はスペク トラム行列Sの第1要素のみを残し他の要素をゼロとし てウェーブレット逆変換式(2)で得られる<sup>7),8)</sup>.



3.結果と考察



Fig.1 Level 4 of the discrete wavelets multi-resolution analysis: elements of "Will", "Fact" and "Judgment" in speech of Prime Minister Shinzo Abe.



Fig.2 Level 4 of the discrete wavelets multi-resolution analysis: elements of "Will", "Fact" and "Judgment" in speech of President George Walker Bush.

まず,Fig.1のレベル4は安倍内閣総理大臣の演説を8 分割した場合である.「判断」は,はじめの部分に大きな揺れがあり,「事実」は後半に,また,「意思」における2つの揺れは「判断」と「事実」の後にそれぞれ見られた.

次に Fig. 2 はレベル 4 でブッシュ大統領の演説の場合 である.「判断」は,はじめと後半が多い.「事実」は, はじめ,中盤,終わりと3箇所で多い.「意思」は前半 と後半の2箇所で多くなっている.「意思」と「事実」 には相反する傾向が見られた.前半は「事実」と「判断」, 後半は「意思」と「判断」に同じ傾向が見られた.

Figs. 1 - 2 から,「意思」の描く曲線には同じ傾向が見 られた.ブッシュ大統領には「事実」を積極的に利用し ている傾向が見られ,また,「判断」は「意思」と「事 実」を挟んだ曲線となっている.

## 4.結論

「意志」の描く可視化曲線は両者とも前半と後半に揺 れが現れた.

安倍内閣総理大臣においては,要素の緩やかな配置が 見られた.はじめの「判断」に大きな揺れが見られ,全 体としてリーダーシップを発揮しようとする傾向がある ことが明らかになった.

ブッシュ大統領の演説においては「事実」と「判断」 の配置に細かい工夫がみられた「事実」を重ねることに よって現在とられている政策の正当性を強調し,政策続 行の同意を求めていることが検証された.

- 1) 朝日新聞 (夕刊), (2007.1.26) 4 面
- 2) http://www.whitehouse.gov/news/releases/2007/01/200 70123-2.html.
- 3) 中村秩祥子:内閣総理大臣演説の文体分析 鳩山首相から大平首相について,竜谷大学国際センタ-研究年報, Vol.13, (2004), pp.37-68.
- 4) 村上直久:ブッシュ米大統領の 2004 年一般教書演説のディスコース分析,長岡技術科学大学言語・人文科学論集, Vol. 18, (2004) pp.159-178.
- 5) 中村秩祥子:大統領就任演説内の直接引用の機能と効果, 英語英米文学研究,龍谷大学, Vol.33, (2005) pp.42-61.
- 沖博美他:初期・現代のアメリカ大統領就任演説の計量 的解析と社会情勢の関係,電子情報通信学会技術研究報告.ET,教育工学,社団法人電子情報通信学学会,vol.99, No.581(2000),pp.25-32.
- 7) 齋藤兆古: ウェーブレット変換の基礎と応用 Mathematica で学ぶ,朝倉書店 (1998) p.39, pp.93-95.
- 8) 堀井清之,齋藤兆古:特許「文学作品解析方法および解析 装置」,特願 JP10-102673A.

# 赤外線動画像の識別\*

高 翔 , 齋藤 兆古(法政大学), 堀井 清之(白百合女子大学)

## Dynamic Infrared Image Cognition Xiang GAO, Yoshifuru SAITO and Kiyoshi HORII

## ABSTRACT

The paper proposes one of the methods of dynamic infrared image cognition based on the Fourier cosinusoidal transform of dynamic images. Previously, we have proposed a method of cognizing the color dynamic images based on Fourier cosinusoidal transform. In the present paper, we apply our previously proposed method to the infrared dynamic images in order to identify the behavior of each of the persons without any lighting condition. As a result, it is revealed that a fairly good cognition rate over 90% could be obtained.

Keywords: Eigen pattern, Fourier cosinusoidal transform, Dynamic infrared image cognition

## 1.緒 論

現代社会において,犯罪の凶悪化及び増加などにより, セキュリティに対する意識が高まって来ており,防犯の 観点で,繁華街や住宅街などの監視に適したカメラの設 置のニーズが高まりつつある.赤外線カメラは暗闇の中 にある物体や霧や煙などの向こう側にある物体を透過し て撮影することが可能であり,可視光が得られない状況 で広く用いられている.状態監視システム、特に可動機器 の熱分布のダイナミックな変化を利用した事故・破損予 知を究極の目的とした機械監視システム構築を試みてい る.

最初に,本論文では,筆者らが既に報告したデジタルビ デオカメラを使って撮影した動画像からフーリエ余弦変 換による動画像の幾何学的特徴抽出する方法について述 べる.次にテスト画像とデータベース画像の一致性評価 を最小自乗法で行う手法に関して述べ,最後に本手法を 赤外線動画像の識別に適用した結果について述べる.そ の結果,赤外線CCDカメラを使って微弱な可視光の環境 下で撮影した赤外線動画像に対して 90%以上の識別率 が達成できた.

## 2.動画像認識の一致性評価法

1 画像を構成するR,G,B各成分の 2 次元画素値分布を フーリエ余弦変換し、フーリエ余弦スペクトラムの原点 近傍の 16 × 16 要素のみを取り出し、1 次元配列へ並べ替 え、1 画像の幾何学的(空間周波数)固有パターン(Frame spectrum)」とする.<sup>1,2,3)</sup>

本論文において,動画像認識とは空間周波数成分が構 成する動画像の幾何学的固有パターンを用いて静止画像 認識手法へ適用し,静止画像認識手法を動画像認識へ拡

#### 張することを意味する.

動画像は複数のフレーム画像によって構成される.従って,フレーム画像全体を通して幾何学的固有パターンとなる特徴量を抽出する必要がある.このため,式(1)により各フレーム画像から空間周波数情報を算出し,全フレームのスペクトラム情報を時系列方向に積分し,動画像の幾何学的固有パターン(以下,固有パターンと略す)とする.

$$E_{geo,mono} = \sum_{i=1}^{n} (Frame \ spectrum)_i \tag{1}$$

本研究において提案する動画像認識手法は,予め複数 の動画像から固有パターンを抽出し,データベースを構 築しておく.その後,認識対象として与えられる未知の入 力動画像から固有パターンを抽出し,データベースと入 力間の固有パターンの一致性を線形システム方程式で評 価し,入力動画像をデータベース内のいずれかの動画像 と同定するものである.R,G,B各成分が収められた固有 パターンを Eとして,n 個の動画像データからシステム 行列 Cを構築すると,システム行列 Cは式(1)で与えられ る.

$$C = [E_1, E_2, E_3, ..., E_n]$$
(2)

従って,入力動画像の固有パターンを Ex とすると,線形シ ステム方程式(3)が得られる.

$$E_{r} = C \cdot X \tag{3}$$

式(3)における Xは,データベース画像の各固有パターンの重みを要素とする n 次のベクトルである.固有パターンの次数を m とすると,n = m でない限りシステム行列

## P01-003

C は m 行 n 列の長方行列となるので,式(3)は不適切な 線形システム方程式となる.本論文における動画像の幾 何学的固有パターンの次数 m が,動画像データベースに 格納された固有パターンの個数 n よりも大きいと仮定す れば,システム行列 Cが m 行 n 列の縦長の長方行列とな り,近似解ベクトル X は式(4)の最小自乗法によって与 えられる.

$$X = [C^T C]^{-1} C^T E_{\chi} \tag{4}$$

式(4)において最大値をとる要素が認識された動画像を 示す.<sup>3,4)</sup>

3.赤外線動画像へ応用

#### 3.1 赤外線

赤外線は可視光外の長波長領域に分布し,すべての温 度エネルギーを有する物体から放射される光である.一 般に,赤外線は目に見えないため,可視光の明るさ,暗さ に依存しない.また,物体が放射する光の全エネルギー, 波長と物体の温度の間には相関関係があり,温度が高い 物体は,放射される赤外線の全エネルギーが多く,波長が 短い赤外線を多く放射する.従って,物体から放射される 特定波長の赤外線の強度を測定することによって物体の 温度が測定できる.

## 3.2 赤外線動画像の識別

通常,人の体温は 36 度程度であり,赤外線カメラによって人の検知が可能である.ここでは,理論の検証実験として,簡単な規則的な動作の赤外線動画像識別を行った.



(c) Elements of solution vector X Fig. 1 Example of infrared dynamic images cognition by means of geometrical Eigen pattern along with least squares.



(c) Elements of solution vector X Fig. 2 Example of a succeeded infrared sign animation image cognition by means of geometrical Eigen pattern.

Fig.1(a)と 1(b)にそれぞれテスト画像と式(4)によって 識別されたデータベース中の画像例を示す.Fig.1(c)は式 (3)の解ベクトル X の要素の大きさを示す.Fig.1(c)から, この例では 12 個の幾何学的固有パターンからなり,入力 ベクトル Ex と最も一致する固有ベクトルは式(2)の係数 行列 Cの第1列であることを意味する.赤外線動画像の動 きに制限が伴うが,ほぼ100%近く識別された.

3.3 赤外線手話動画像識別への応用

2章で述べた動画像認識の一致度評価を赤外線動画像 手話に適用し,規則的に動くより複雑な動作の認識を試み る.常温のもとで7人が10通りと暖房環境のもとで6人 が10通り(全体で130通り)を収録した.Fig.2は赤外線 手話動画像の幾何学的固有パターンを使った認識結果で, 識別に成功した1例である.

Fig.2 は識別に成功した1例を示す.全体で130個の赤 外線手話動画像に対して106通りの手話が正確に識別さ れ、24通りの手話の識別に失敗し、全体として識別率は 約82%となった.これは、暖房環境下において、部屋の温度 が上昇し、識別対象である人間の熱情報が削減されるため である.換言すれば、赤外線がエネルギーを有する対象が 生ずる熱分布を可視化するため、他の熱源の存在が識別率 を低下するのは当然であることを意味する.部屋に熱源が 無い環境下では90%以上の識別率を得た.

以上の結果から,本手法は熱源を対象物のみが有する場 合良好な識別率を得ることが可能である.

### 4.まとめ

本論文では,筆者らが既に報告したデジタルビデオ画 像の識別をフーリエ余弦変換と最小自乗法を併用するこ とで成功した動画像識別法を赤外線 CCD ビデオ画像へ適 用した.その結果,赤外線動画像識別は,環境下に識別対 象以外に熱源が存在しない場合,90%以上の識別率を可 能とすることを明らかにした.

以上の結果から,赤外線を使った状態監視システム,特 に可動機器の熱分布のダイナミックな変化を利用した事 故・破損予知を究極の目的とした機械監視システム構築 の実現性が期待できることが判明した.

- 小杉山格,早野誠治,齋藤兆古,堀井清之,可視化画像の幾 何学的複雑さ抽出の試み,可視化情報学会誌,Vol.25, No.1 (2005) pp.67-70.
- 小杉山格,早野誠治,齋藤兆古,堀井清之,"画像の固有パタ ーンに関する一考察",可視化情報学会誌,Vol.25, No.2 (2005) pp.135-136.
- 高翔,小杉山格,斎藤兆古,堀井清之,フーリエ余弦変換による動画像の特徴抽出,可視化情報学会誌 Vol.26, No.1 (2006) pp.141-144.
- 高翔,青木亮一,斎藤兆古,画像の幾何学的固有パターンを 用いた手話識別,第十五回 MAGDA コンファレンス,(2006) pp.66-70.